## FUNÇÃO DE PRODUÇÃO PARA O SETOR INDUSTRIAL BRASILEIRO

Antônio Carlos Coelho Campino Eurico Ueda Ivo Tôrres\*

Em complementação ao artigo anterior desta revista, foram estimadas funções de produção para os seguintes setores: i = 1,2, industrial, agrícola, comercial e de serviços. No presente artigo são apresentados e discutidos os resultados obtidos para o setor industrial através de análises cross-section e análises mistas cross-section — série de tempo. Os dados do cross-section, que se referem aos Estados do Brasil nos anos de 1949 e 1959, foram tirados dos Censos Industriais de 1950 e 1960 respectivamente.

## 1 — Forma especificativa da função de produção

A forma geral da função de produção estimada é do tipo Cobb-Douglas:

$$Y_{it} = m K_{it}^{\beta} N_{it}^{\alpha} 10^{Uit}$$
 (1)

$$\log Y_{it} = \log m + \beta \log K_{it} + \alpha \log N_{it} + U_{it}$$

a equação (2) encontra-se em forma linear podendo ser estimada pela aplicação do método dos mínimos quadrados.

A disponibilidade de dados de Crosssection para os dois anos em estudo, nos

\* Pesquisadores do Instituto de Pesquisas Econômicas, FCEA, USP. O presente trabalho foi iniciado pelo Economista Eurico Ueda, tendo sido, em virtude de sua ausência em bôlsa de estudos no exterior, continuado pelos Economistas Ivo Tôrres e Antônio Carlos C. Campino; coube a êste último a redação final. Os autores agradecem a orientação do Prof. Andrea Maneschi e a colaboração dos Profs. Affonso Celso Pastore e Samuel Levy, e do Economista Juarez Rizzieri.

onde

n, representa o Estado onde se deu a obser-

vação

t = 1,2T, representa o tempo onde se deu a observação

Na função (1), Yit define as observações do produto final, Kit as do fator capital e Nit as do fator trabalho. Uit é uma variável aleatória com média zero e variância finita.

Para estimar a função (1) aplicam-se logaritmos (decimais) a ambos os lados da equação, obtendo-se:

permite testar se as estimativas obtidas para êstes anos diferem significantemente entre si no que diz respeito (i) às elasticidades  $\alpha$  e  $\beta$  tomadas isoladamente, (ii) à existência de progresso tecnológico neutro e (iii) à magnitude dos retornos de escala,  $\alpha + \beta$ . A maioria dêstes testes foram efetuados mediante a introdução de variáveis dummy. Note-se porém, que êsse procedimento exige a utilização de deflatores para homogeneizar os dados dos dois anos estudados, dependendo, portanto, a qualidade das estimativas da qualidade dos deflatores empregados.

(2)

O setor industrial, para efeito dêste trabalho, foi considerado como constituído dos subsetores Indústrias de Transformação e Indústria Extrativa de Produtos Minerais.

Adotou-se essa medida para homogeneizar as amostras disponíveis, já que os Censos Industriais de 1950 e de 1960 diferem entre si quanto à classificação.

As variáveis utilizadas foram:

KA — capital aplicado, em NCr\$ 1.000,00

FM — fôrça motriz instalada, em 1.000 cv

NE — número de empregados em
1.000 pessoas; refere-se a
pessoal diretamente ligado à
produção

MM — média mensal de operários ocupados em 1.000 pessoas

VTI — valor da transformação industrial, em NCr\$ 1.000,00

Os valôres assumidos por essas variáveis foram tirados dos Censos de 1950 e 1960 para o setor industrial¹ e são apresentados nas Tabelas 1 e 2 do Apêndice. A variável VTI foi utilizada como uma aproximação para Y<sub>it</sub>. Para K<sub>it</sub> e N<sub>it</sub> as variáveis utilizadas como aproximação foram, respectivamente, FM ou KA e NE ou MM.

As variáveis utilizadas para representar K<sub>it</sub> e N<sub>it</sub> merecem algum comentário. Iniciando pelos indicadores do "Capital", a utilização da fôrça motriz instalada implica na admissão de homogeneidade na composição, por tipo e

1. IBGE — Serviço Nacional de Recenseamento, Censo Industrial, 1960 (Série Nacional — volume III) — Brasil — págs. 76 e 115. IBGE — Serviço Nacional de Recenseamento, Censo Industrial, 1950 (Série Nacional — volume III, tomo I) — Brasil — págs. 94-95.

idade, das máquinas instaladas, não so entre subsetores industriais mas também entre Estados. Se, ao contrário, a composição do capital instalado fôsse mais moderna, em média, nos Estados que têm maior fôrça motriz, então estaríamos superestimando a elasticidade do produto em relação ao capital na função de produção.

Quando a amostra de 1949 foi combinada com a de 1959 para testar a diferença entre vários parâmetros nestes dois anos, foi necessário deflacionar as variáveis dadas em cruzeiros correntes. Os deflatores utilizados foram o índice de preços industriais para o valor da transformação industrial e o deflator implícito da formação bruta de capital para o capital aplicado.<sup>2</sup> Além dos vieses possíveis acarretados pelo uso dêstes deflatores, pode resultar um viés adicional da seguinte maneira. Supomos que, entre os dois anos em questão, houvesse um aumento da produtividade média do capital medido em cv., proporcionalmente igual em cada Estado e devido exclusivamente à melhoria na qualidade das máquinas instaladas. Neste caso estaríamos superestimando a variação, entre os referidos anos, da elasticidade do produto em relação ao capital, uma vez que esta variável é supostamente de qualidade constante.

O outro indicador de "Capital" (K<sub>it</sub>), a variável "Capital Aplicado", parece

2. O índice de preços industriais foi obtido da revista Conjuntura Econômica, ano XXII, n. 9, setembro 1968, índice 49. O deflator implícito da formação bruta de capital, foi obtido da comparação dos valóres nominais com os em preços correntes, apresentados na Revista Brasileira de Economia, ano 20, n. 1. março 1966. Visto que os valóres do capital aplicado (KA) se referem às datas 1-1-1950 e 1-1-1960, o deflator desta variável foi tomado como sendo a média dos deflatores implícitos da formação bruta de capital de 1959 em relação a 1949 e de 1960 em relação a 1950.

ser um indicador mais apropriado, já que foi obtido com base nos preços de mercado dos bens de capital no momento da coleta de dados; os preços de mercado dão uma melhor avaliação dêstes bens do que a fôrça motriz, pois permitem medir as diferenças qualitativas dos itens aos quais se referem.3 Além disso, a variável KA engloba um maior número de itens do que FM. Por outro lado, é importante lembrar que as imperfeições de mercado, particularmente em uma economia sujeita a contínuas pressões inflacionárias, fazem com que os preços de mercado dos bens de capital não reflitam perfeitamente o valor dêsses bens.

Análise análoga pode ser feita para o fator trabalho. Os dois indicadores propostos acarretam um mesmo tipo de

viés, pois ao se aceitar qualquer um dêles como representativo do fator trabalho, está-se ignorando as diferenças no grau de educação e de eficiência pessoal dos empregados.

Restaria mencionar que os indicadores propostos quer para o capital, quer para o trabalho, representam quantidades disponíveis para utilização e não efetivamente utilizadas.

## 3 — Funções estimadas

Inicialmente, procedeu-se à estimação das funções para cada ano separadamente, usando-se as combinações possíveis entre as medidas existentes de "Capital" e "Trabalho"; assim, quatro estimações para cada ano foram desenvolvidas e seus resultados acham-se nos quadros a seguir:4

Quadro	1	=	variável	dependente:	LVTI	_	1949

Regr.	log Constante	LKA	LFM	LNE	LMM	GL	R <sup>2</sup>
1	0,4272	0,6341 (4,0214)		0,4241 (2,3624)		18	0,9851
2	0,2276	0,7835 (4,7689)			0,2533 (1,3447)	18	0,9823
3	1,2409		0,2246 (1,0824)	0,8816 (3,7191)		18	0,9731
4	1,2047		0,3877 (1,5547)		0,6956 (2,4257)	18	0,9647

Os resultados obtidos revelam que para o ano de 1949, apenas a função

3. Os valôres para "capital aplicado" foram computados a partir das respostas dos empresários à indagação acêrca de quanto valeria, a preços correntes, o capital existente na unidade econômica sendo recenseada. Os dados de "fôrça motriz" referem-se à fôrça motriz instalada, inclusive a mantida em reserva, disponível não só para a produção, mas também para outros usos, como iluminação e aquecimento.

VTI = f (KA, NE) apresentou significativos, ao nível de 5%, todos os coeficientes das variáveis usadas como explicativas. Apesar da alta multicolinearidade revelada pelos Quadros III e IV, a maioria dos coeficientes estimados dos Quadros I e II foram significantes.

4. LVTI representa o logaritmo decimal de VTI, etc.

Quadro II = variável dependente: LVTI — 1959

Regr.	log Constante	LKA	LFM	LNE	LMM	GL	R <sup>2</sup>
1	0,6182	0,5573 (4,7986)		0,5373 (4,1428)		22	0,9832
2	0,5874	0,5628 (4,5014)			0,5296 (3,1951)	22	0,9819
3	1,3329		0,5022 (2,2589)	0,5322 (1,9918)		22	0,9721
4	1,3074		0,5111 (2,2159)		0,5263 (1,8797)	22	0,9716

Obs.: Nesses quadros e nos subseqüentes, os valôres entre parênteses são os "t ratios"; os logaritmos das constantes são logaritmos decimais.

QUADRO III Coeficientes de correlação em 1949

<u> </u>					
	LVTI	LKA	LFM	LNE	LMM
LVTI	1,0000				
LKA	0,9902	1,0000			
LFM	0,9763	0,9873	1,0000		
LNE	0,9858	0,9829	0,9825	1,0000	
LMM	0,9798	0,9812	0,9839	0,9973	1,0000

QUADRO IV

Coeficientes de correlação em 1959

LVTI	LKA	LFM	LNE	LMM
1,0000				
0,9849	1,0000	-		
0,9834	0,9690	1,0000		
0,9826	0,9800	0,9882	1,0000	
0,9825	0,9712	0,9888	0,9982	1,0000
	1,0000 0,9849 0,9834 0,9826	1,00000,98491,00000,98340,96900,98260,9800	1,0000         0,9849       1,0000         0,9834       0,9690       1,0000         0,9826       0,9800       0,9882	1,0000 0,9849

Em 1959, duas das funções estimadas apresentaram o mesmo defeito acima comentado; como a análise tem por objetivo a comparação entre os dois períodos, procurou-se homogeneizar as indicações que serviriam de base, tomando para o ano de 1959 a função que

envolve as mesmas variáveis (também significantes) pertencentes àquela escolhida para 1949, ou seja, VTI = f (KA, NE).

Para medir o grau dos retornos de escala existente em ambas equações, lan-

çaremos mão do seguinte artificio, suçaremos mão do seguinte artifício, sugerido pelo professor Carlos A. Rocca.<sup>5</sup>  $\frac{VTI}{NE} = m \left(\frac{KA}{NE}\right)^{\beta} NE \alpha + \beta - 1$ 

Na função VTI = m KA<sup>\beta</sup> NE <sup>\alpha</sup> dividindo-se ambos os membros por NE teremos:

Para 1949 a equação estimada foi:

$$\frac{\text{VTI}}{\text{NE}} = m \left( \frac{\text{KA}}{\text{NE}} \right)^{\beta}_{\text{NE}} \alpha + \beta - 1$$

Reestimando as funções nessa forma testar-se-á se ( $\alpha + \beta - 1$ ) difere ou não significativamente de zero.

$$L\left(\frac{\text{VTI}}{\text{NE}}\right) = 0,4272 + 0,6341 \text{ L}\left(\frac{\text{KA}}{\text{NE}}\right) + 0,0583 \text{ LNE}$$

$$R^2 = 0,6441 \text{ ; GL} = 18$$

e para 1959:

$$L\left(\frac{\text{VTI}}{\text{NE}}\right) = 0.6182 + \frac{0.5574}{(4.7988)} L\left(\frac{\text{KA}}{\text{NE}}\right) + \frac{0.0891}{(2.7221)} LNE$$

$$R^2 = 0.6422 \; ; \; GL = 22$$

Como se observa pelos resultados transcritos, para o ano de 1949 a soma  $(\alpha + \beta - 1)$  não difere significantemente de zero ao nível de 5%, e, portanto, não se pode rejeitar a hipótese de que o setor industrial apresentava rendimentos constantes de escala naquele ano.

Para 1959, o teste efetuado revela que o coeficiente ( $\alpha + \beta - 1$ ) é significantemente diferente de zero ao nivel de 5%, e positivo; isto leva à admissão de que  $\alpha + \beta - 1 > 0$ , ou  $\alpha + \beta > 1$ ; em 1959 para a indústria como um todo, existiriam retornos crescentes de escala.

Os intervalos de confiança para os coeficientes de log NE são

para 1949: P 
$$\{-0,0213 \le \alpha + \beta - 1 \le 0,1379\} = 95\%$$
 e para 1959: P  $\{0,0212 \le \alpha + \beta - 1 \le 0,1570\} = 95\%$ 

Para testar se as estimativas de 1949 e 1959 diferem significantemente entre si, foram efetuados vários testes, começando com o idealizado por Chow<sup>6</sup>, que

- 5. C. A. Rocca Economias de Escala na Função de Produção, tese de doutoramento apresentada à Cadeira III (Estatística I, Estatística Econômica e Econometria) — FCEA-USP — São Paulo 1967 — (Versão Preliminar) págs. 123-4.
- 6. Gregory C. Chow "Tests of equality between sets os coefficients in two linear re-

tem por finalidade verificar se duas amostras provêm do mesmo universo.

Este teste está baseado nas estimativas para 1949 e 1959, e numa estimativa para os dados de 1949 e 1959 agregados. Os resultados das equações para 1949 e 1959 se encontram nos Quadros I e II e no quadro a seguir estão os resultados para a amostra agregada.

gressions" — Econometrica 28: (Julho, 1960). 59-605.

QUADRO V

Regressão	Constante	LKA	LNE	GL	$\mathbb{R}^2$
LVTI	0,4936	0,6215 (6,5277)	0,4455 (4,2106)	43	0,9804

As somas dos quadrados dos resíduos e seus respectivos graus de liberdade são:

QUADRO VI

		1.3
1949	1959	1949 e 1959
0,22035	0,45433	0,82411
18	22	43
	0,22035	0,22035 0,45433

O F calculado:

$$F_c = \frac{0,14943}{0,67468} \times \frac{40}{3} = 2,953$$

Escolhendo-se para efeito de comparação um F teórico com graus de liberdade (3,40) ao nível de 5%, temos  $F_t = 2,84$  e portanto  $F_c > F_t$ . Concluise que as equações estimadas para 1949 e 1959 não foram geradas pela mesma estrutura, isto é, que houve modificações na tecnologia entre os dois anos.

Um teste alternativo, a êsse propósito, foi realizado através da estimação da equação:

VTI = m KA<sup>$$\beta$$</sup> NE <sup>$\alpha$</sup>  10<sup>PD</sup> KA <sup>$\beta$ 'D</sup> NE <sup>$\alpha$ 'D</sup>
onde D = 
$$\begin{cases} 0 \text{ para 1949} \\ 1 \text{ para 1959} \end{cases}$$

A significância ou não dos parâmetros P,  $\alpha'$ ,  $\beta'$  nos indicariam se ocorreram ou não alterações, entre os dois períodos, nos coeficientes m,  $\alpha$  e  $\beta$  respectivamente. Esta estimativa revelou não terem ocorrido modificações significantes em nenhum dos parâmetros, o que pode ser

explicado pelas multicolinearidade existente entre as variáveis independentes. Procurou-se, portanto, estimar equações que incluíssem isoladamente cada uma das modificações sugeridas. Os resultados obtidos foram:

QUADRO VII

Regressão	Constante	LKA	LNE	D	D. LKA	D. LNE	GL	R <sup>2</sup>
1. LVTI	0,4984	0,5823 (4,3107)	0,4800 (3,1585)	0,1128 (1,8172)			42	0,961
2. LVTI	0,5553	0,5703 (4,0783)	0,4670 (3,0805)		0,0359 (1,6760)		42	0,961
3. LVTI	0,5229	0,6176 (4,6460)	0,3996 (2,7689)			0,0606 (1,4537)	42	0,960

Nenhuma destas estimativas deu todos os coeficientes significantes ao nível de 5%. Note-se, todavia, que o nível de significância da variável dummy (D) foi maior do que o das variáveis D LKA

e D LNE.

Um último teste foi efetuado para estabelecer se houve variação no grau de retornos de escala entre 1949 e 1959. Com êste objetivo estimou-se a equação:

$$\frac{\text{VTI}}{\text{NE}} = \text{m} \left(\frac{\text{KA}}{\text{NE}}\right)^{\beta} \text{NE}^{\alpha + \beta - 1} \text{NE}^{\text{cD}} \text{ onde } D = \begin{cases} 0 \text{ para } 1949 \\ 1 \text{ para } 1959 \end{cases}$$

O resultado obtido

$$L\left(\frac{VTI}{NE}\right) = 0,5502 + 0,5972 L\left(\frac{KA}{NE}\right) + 0,0004 LNE + 0,0810 D. LNE$$

$$(4,5108) LL = 42; R^2 = 0,4845.$$

mostra que o grau dos retornos de escala mudou significantemente ao nível de 5% de 1949 para 1959. Em 1949  $\alpha + \beta$  não era significantemente diferente de 1, o que é compatível com os resultados obtidos quando da estimação da função

$$\frac{\text{VTI}}{\text{NE}} = \text{m} \left(\frac{\text{KA}}{\text{NE}}\right)^{\beta} \text{NE}^{\alpha + \beta - 1} \text{ para}$$

êste ano. Entre 1949 e 1959 o grau de retornos de escala mudou de aproximadamente 0,08, o que fêz com que em 1959 o setor industrial demonstrasse retornos crescentes de escala.

## 4 — Conclusões

Foi efetuada uma série de estimativas de cross section da função de produção para o setor industrial brasileiro nos anos 1949 e 1959, utilizando-se como variáveis independentes o capital aplicado e o número de empregados, e como variável dependente o valor da transformação industrial.

O grau dos retornos de escala,  $\alpha + \beta$ , não foi significantemente diferente de 1 em 1949. Em 1959, houve uma mudança significante nos retornos de escala, que tornaram-se crescentes. A causa disso não foi revelada pelas regressões executadas. Pode-se supor que o intenso processo de industrialização que transformou a economia brasileira nos anos cinquenta produziu uma série de economias externas e internas (refletidas neste trabalho num aumento de  $\alpha + \beta$ ), particularmente nos Estados mais avançados do país, e que êste processo foi por sua vez favorecido por elas, graças a um fenômeno de causalidade circular.

A conveniência ou não desta concentração regional de economias externas e internas decorre de vários critérios políticos, além de econômicos, concernentes ao conflito entre produtividade e equilibrio regional, que fogem do alcance dêste trabalho.

APENDICE

Tabela 1: Produção, capital e mão-de-obra no setor industrial - 1949

strial strial 33,756,92,92,92,93,93,93,93,93,93,93,93,93,93,93,93,93,	Capital aplicado VCr\$ 1.000)  VCr\$ 1.000)  123,888 3,624 238,385 123,568 61,733 486,976 311,693	Fôrça motriz (1.000 CV) (1.000 CV) (	N.º de empre- gados (1.000) (1.000)  3,580 0,225 10,321 8,757 1,913 17,352	Média mensal dos operários (1.000) (1.000)  3,688 0,222 10,702 10,702 2,642 28,470
98,10 5,00 5,00 257,26 27,92 333,42 333,42 479,63 226,64 429,09 234,36	98,388 3,624 238,385 ————————————————————————————————————	6,90 1,78 2,55 2,29 2,29 2,29	332 32 38 1 3 33 33 33 33 33 33 33 33 33 33 33 33	1 1 8 2 5 1 1 2 4
98,10] 5,00, 257,260 27,260 27,92, 333,42 226,64 479,63 2276,42 429,09 234,36 810,61	98,388 3,624 238,385  61,733 61,733 486,976 311,693 502,082	6,90 11,0 2,55 2,55 2,55 2,55 2,55 2,55	32.258	1825 1224
98,10 5,00 257,26 27,92 333,42 333,42 226,64 479,63 429,09 429,09 810,61	98,388 3,624 238,385 123,568 61,733 486,976 311,693 502,082	6,90 0,11,0 2,53,4,55 1,53,0 1	32 32 32 33 33 33 33 33 33 33 33 33 33 3	822 1124
5,00- 257,266- 143,56- 27,92- 333,42- 226,64- 479,63- 2276,42- 429,09- 234,36- 810,61	3,624 238,385 123,568 61,733 486,976 311,693 502,082	0,11 4,78 2,55 2,29 2,29	32 32 32 33 35 35 35	25 1 24
257,26 143,56 27,92 27,92 333,42 226,64 479,63 429,09 234,36 810,61	238,385 123,568 61,733 486,976 311,693 502,082	4,78 2,88 2,29 2,29 2,29	32 35 35 35 35	5 - 124
143,56 27,92 333,42 333,42 226,04 479,63 429,09 234,36 810,61	123,568 61,733 486,976 311,693 502,082	1,88 1,55 1,55 1,55 1,55	125	1124
143,56 27,92 333,42 226,64 479,63 	123,568 61,733 486,976 311,693 502,082	2,55 2,29 2,29	25 91 35	124
27,92 333,42 226,64 479,63 2.276,42 429,09 234,36 810,61	61,733 486,976 311,693 502,082	4,55 2,29 2,92	91	24
333,42 226,64 479,63 	486,976 311,693 502,082	2,29	35	47
226,64 479,63 2.276,42 429,09 234,36 3.803.20	311,693	2,92	0	
479,63 276,42 429,09 234,36 810,61 803,20	502 082	- 1	$\mathbb{S}$	23
276,42 429,09 234,36 810,61 803,20	200,200	4,51	21	40
429,09 234,36 810,61 803,20	2.236,523	5,42	48	8
234,36	548,264	6,89	14	86
810,61	294,087	7,74	53	40
803 20	650,078	4,84	7	53
0,000.	4.190,782	4,65	51	4
275,9	255,067	88,0	2	8
.476,82	.161,10	01,47	63	56
.475,16	.319,67	76,31	4	30
869,09	.977,60	35,76	88,63	93,77
.792.47	.963.53	19.57	8	7.8
1.413,56	.611,49	04.40	ry Ci	1
Sul 4.280,42	4.056,488	4.42	94	27
31,90	160,434	5,91	71	75
			1	1

Fonte: Censo Industrial - 1950.

APÊNDICE

Tabela 2: Produção, capital e mão-de-obra no setor industrial - 1959

Unidades da Federação	Valor da transformação industrial (NCr\$ 1.000)	Capital aplicado (NCr\$ 1.000)	Fôrça motriz (1.000 CV)	N.º de empre- gados (1.000)	Média mensal dos operários (1.000)
Rondônia Acre Amazonas Roraima Pará Amapá Maranhão Piauí Ceará Rio Grande do Norte Paraíba Pernambuco Alagoas Sergipe Bahia Minas Gerais Espírito Santo Rio de Janeiro Guanabara São Paulo Paraná Santa Catarina Rio Grande do Sul Mato Grosso Goiás	92,988 34,751 2.479,185 3,571 2.418,829 1.110,759 1.493,528 3.127,287 2.147,639 3.368,116 14.142,187 2.914,526 1.357,041 13.416,871 33.566,775 1.481,839 39.650,266 56.198,549 301.974,041 17.474,631 13.033,605 38.310,990 1.852,832 1.963,103	84,575 45,765 583,140 2,361 2,295,203 3,000,728 1,375,776 340,017 2,387,638 1,560,635 1,932,383 1,075,267 2,214,529 1,134,158 8,571,023 8,571,023 8,571,023 34,578,664 31,033,444 204,799,463 12,043,330 9,769,867 24,588,876 2,930,600 1,718,713	1,005 0,276 8,754 0,013 33,600 7,248 20,713 7,488 36,790 18,847 35,329 187,637 47,974 23,140 63,500 422,894 28,858 34,510 2,647,865 236,059 201,059 362,620 19,814 20,328	0,450 0,296 3,735 0,042 10,019 2,055 11,084 3,087 16,572 9,993 14,479 60,331 114,575 7,580 91,277 137,213 650,072 55,467 57,708 105,134 5,955	0,448 0,492 4,395 0,037 10,421 2,473 13,084 4,037 16,878 9,738 11,993 38,877 123,929 8,439 94,893 140,210 690,182 58,238 61,517 6,436

Fonte: Censo Industrial - 1960.